

1 次の計算をしなさい。

(1)  $-5 - (-3)$

(2)  $2 - 2 \times (-5)^2$

(3)  $\frac{2}{3}a^2b \div \frac{a}{6b}$

(4)  $\left(\frac{a}{2} - \frac{2}{3}b\right) - \left(a - \frac{b}{2}\right)$

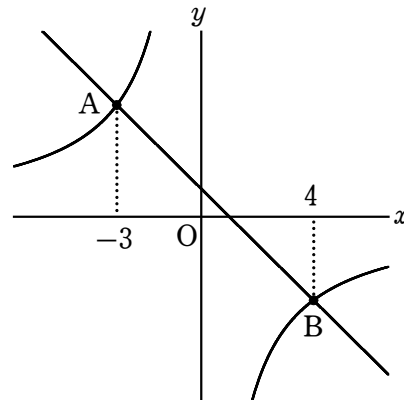
(5)  $\sqrt{5}(\sqrt{5} - 3\sqrt{2}) - \sqrt{2}(\sqrt{5} + \sqrt{2})$

(6)  $\frac{5\sqrt{3}}{3} - \frac{5 + \sqrt{3}}{\sqrt{3}}$

2 次の問いに答えなさい。

(1) 2次方程式  $2x^2 - 2x - 3 = 0$  を解きなさい。

(2) 双曲線  $y = -\frac{12}{x}$  上の点A, Bのx座標がそれぞれ-3, 4であるとき、直線ABの式を求めなさい。

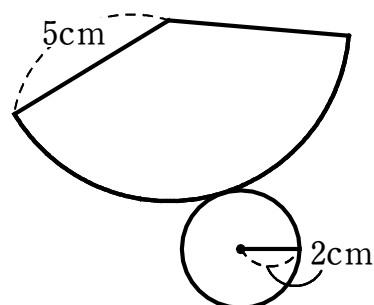


(3) 連立方程式  $\begin{cases} a + 4b = 11 \\ 2a - b = 4 \end{cases}$  を解きなさい。

(4)  $\boxed{1}$ ,  $\boxed{2}$ ,  $\boxed{3}$ ,  $\boxed{4}$ ,  $\boxed{5}$ の5枚のカードから続けて2枚取り出す。1枚目を十の位, 2枚目を一の位とし, 2けたの整数をつくる。この2けたの整数が3の倍数となる確率を求めなさい。

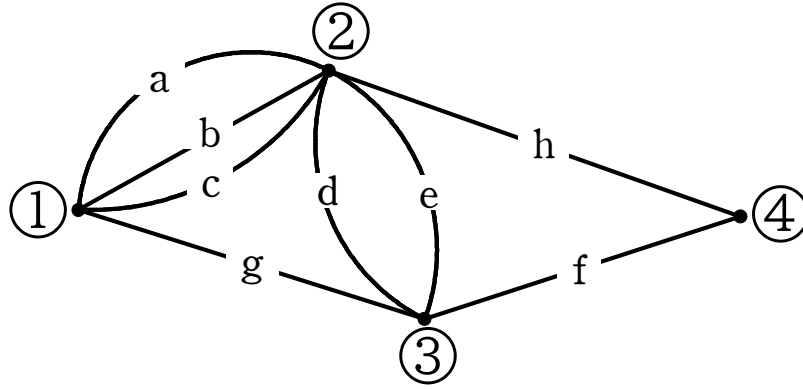
(5) 正  $n$  角形の1つの外角の大きさが  $30^\circ$  であるとき,  $n$  の値を求めなさい。

(6) 右の図はある円すいの展開図である。この円すいの表面積を求めなさい。  
ただし, 円周率を  $\pi$  とする。



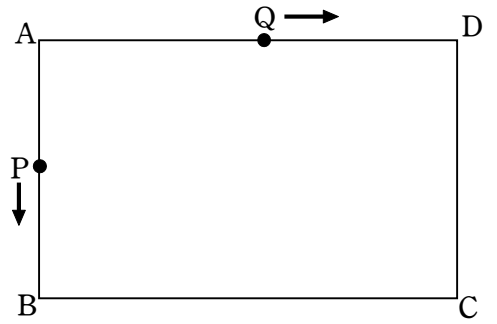
3 4つの島があり、橋で渡ることができるようになっている。そこで、各島を①～④で表し、それらの島をつなぐ橋をa～hで表すと、下の図のようになった。このとき、次の問いに答えなさい。

ただし、数字の大きい島から、数字の小さい島への移動はできないものとする。



- (1) 島①から島②へ移動する場合、行き方は何通りあるか求めなさい。
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (2) 島①から島④へ移動する場合、行き方は何通りあるか求めなさい。
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (3) 島と島をつなぐ橋を、1本新しく作ることになった。島①から島④へ移動する場合、行き方が最も多くなるのは、どの島とどの島を結ぶ橋を作るときか答えなさい。また、そのときの行き方は何通りあるか求めなさい。

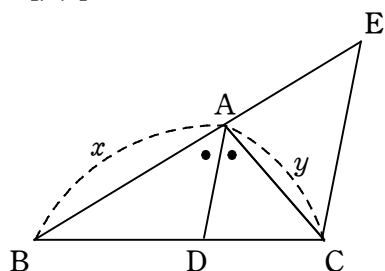
4 右の図のように  $AD=12\text{cm}$ ,  $DC=6\text{cm}$  の長方形  $ABCD$  がある。  
 点  $P$  は点  $A$  を出発し毎秒  $1\text{cm}$  の速さで辺上を通り、点  $B$  へ向かい  
 そこで止まる。点  $Q$  は点  $A$  を出発し毎秒  $2\text{cm}$  の速さで辺上を、  
 点  $D$ ,  $C$  の順に通って点  $B$  で止まる。  
 点  $P$ ,  $Q$  が点  $A$  を同時に出発してから  $x$  秒後の  $\triangle APQ$  の面積を  $y\text{cm}^2$   
 とする。このとき、次の問いに答えなさい。



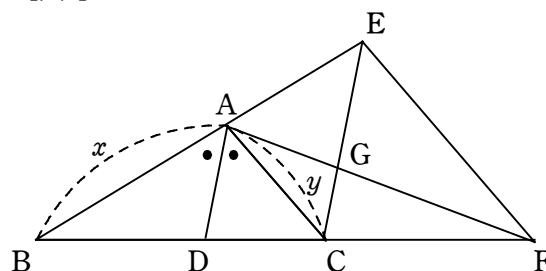
- (1) 点  $Q$  が点  $B$  に着くまでの時間を求めなさい。
  
- (2) 2秒後の点  $P$ ,  $Q$  の位置を考え、 $\triangle APQ$  を図示しなさい。また、そのときの  $y$  の値を求めなさい。  
 ただし、解答欄の図の1目盛の間隔は  $1\text{cm}$  とする。
  
- (3) 8秒後の点  $P$ ,  $Q$  の位置を考え、 $\triangle APQ$  を図示しなさい。また、そのときの  $y$  の値を求めなさい。  
 ただし、解答欄の図の1目盛の間隔は  $1\text{cm}$  とする。
  
- (4) 点  $Q$  が点  $B$  まで移動するとき、 $x, y$  の関係をグラフで表しなさい。
  
- (5)  $y = 16$  となる  $x$  の値をすべて求めなさい。

5 下の図のように△ABCがある。また、線分ADは∠BACの二等分線である。

【図1】



【図2】



(1)  $AB=x$ ,  $AC=y$  とするとき,  $BD:DC=x:y$  であることを証明したい。

以下の空欄に当てはまる適当な数や語句を補い, 証明を完成させなさい。

(証明)

【図1】のように, 点Cを通り, DAに平行な直線と, BAを延長した直線との交点をEとする。  
 $AD\parallel EC$ から,

平行線の  は等しいので,

$$\angle BAD = \angle AEC$$

また, 平行線の錯角は等しいので,

$$\angle DAC = \angle \text{イ}$$

仮定より,  $\angle BAD = \angle DAC$

したがって,  $\angle AEC = \angle \text{ウ}$

2つの角が等しいから,  $\triangle \text{エ}$  は二等辺三角形となり,

$$AE = AC \quad \dots\dots \text{①}$$

$\triangle BEC$ で,  $AD\parallel EC$ から,

$$BA : AE = \text{オ} : \text{カ} \quad \dots\dots \text{②}$$

①, ②から,

$$AB : AC = BD : DC$$

よって,  $BD : DC = x : y$

以下,  $x=9, y=6, BD=6$  とする。次の問いに答えなさい。

(2) DCの長さを求めなさい。

(3) さらに【図2】のように辺BCをCの方に延ばし, 点Fをとったとき,  $AC\parallel EF$ であった。

辺ECと辺AFの交点をGとすると,  $AG:GF$ を求めなさい。

(4) (3)のとき,  $\triangle AGC$ の面積を  $S$  とすると,  $\triangle ABC$ の面積を  $S$  を用いて表しなさい。